



Proba teoretică-barem

SUBIECTUL I

a)	$I = \frac{q}{t} = \frac{Ne}{t}; \quad \frac{N}{t} = \frac{I}{e}; \quad \frac{N}{t} = 2 \cdot 10^{17} s^{-1}$	1p
b)	$E = \frac{U}{d}; \quad \mathbf{E = 4 \cdot 10^3 \text{ V/m}}$	1p
c)	$F = e E; \quad \mathbf{F = 6,4 \cdot 10^{-16} \text{ N}}$	1p
d)	$L = E_{cf} - E_{ci}; \quad L = e U \text{ rezulta } E_{cf} = E_{ci} + e U \quad \mathbf{E_{cf} = 4 \cdot 10^{-18} \text{ J}}$	1p
e)	$E_{tot} = N E_{cf}; \quad N = t \frac{I}{e}; \quad E_{tot} = E_{cf} \frac{t \cdot I}{e}; \quad f \cdot E_{tot} = mc \Delta \theta \quad \Delta \theta = \frac{f E_{tot}}{mc}$ $\Delta \theta = \frac{f E_{cf} t I}{mc e} \quad \Delta \theta = 3,84^\circ C$	3p
f)	Daca $\mathbf{I=0}$ rezultă că electronii nu mai pot ajunge la anod fiind frânați de un câmp electric ale cărui linii sunt orientate de la catod la anod. $E_{cf} - E_{ci} = L; \mathbf{E_{cf} = 0}; \text{rezultă } -E_{ci} = e U_s; U_s = -\frac{E_{ci}}{e}; \mathbf{U_s = -5 \text{ V}}$	2p
	Din oficiu	1p
	TOTAL	10p

SUBIECTUL II

	Indicatia ampermetrului reprezintă curentul de scurtcircuit $I_{sc} = 20 \text{ A}$, dar $I_{sc} = \frac{E}{r}$; indicația voltmetrului ar trebui să fie zero	1p						
a)	Cursorul în B : $R_{ech} = \frac{R}{4}$; $I = \frac{E}{R_{ech} + r}$; $U = I R_{ech}$	1,5p						
	Cursorul în D : $R'_{ech} = \frac{3}{16} R$; $I' = \frac{E}{R'_{ech} + r}$; $U' = I' R'_{ech}$;	1,5p						
b)	<p>Randamentul circuitului este $\eta = \frac{R_{ext}}{R_{ext} + r}$ $\eta = \frac{1}{1 + \frac{R}{R_{ext}}}$ Valoarea randamentului este maximă când</p> <p>valoarea $\frac{r}{R_{ext}}$ este minimă adică R_{ext} este maximă. Această situație corespunde poziției B a cursorului</p> $\eta_{max} = \frac{1}{1 + \frac{r}{R}} \quad P_{ext} = I^2 \frac{R}{4} = \frac{E^2}{\left(r + \frac{R}{4}\right)^2} \frac{R}{4}$	2p						
c)	<p>Se aplică legea lui Joule pentru cele două porțiuni ale inelului</p> <table border="0"> <tr> <td>$\frac{U^2 t}{R_1} = m_1 c \Delta \theta_1$</td> <td>Prin împărțire</td> <td>$\frac{R_2}{R_1} = \frac{m_1 \Delta \theta_1}{m_2 \Delta \theta_2} \Rightarrow \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{R_2 m_2}{R_1 m_1}$</td> </tr> <tr> <td>$\frac{U^2 t}{R_2} = m_2 c \Delta \theta_2$</td> <td></td> <td>$\frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{\frac{3R}{4} \frac{3m}{4}}{\frac{R}{4} \frac{m}{4}}; \quad \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = 9$</td> </tr> </table>	$\frac{U^2 t}{R_1} = m_1 c \Delta \theta_1$	Prin împărțire	$\frac{R_2}{R_1} = \frac{m_1 \Delta \theta_1}{m_2 \Delta \theta_2} \Rightarrow \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{R_2 m_2}{R_1 m_1}$	$\frac{U^2 t}{R_2} = m_2 c \Delta \theta_2$		$\frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{\frac{3R}{4} \frac{3m}{4}}{\frac{R}{4} \frac{m}{4}}; \quad \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = 9$	3p
$\frac{U^2 t}{R_1} = m_1 c \Delta \theta_1$	Prin împărțire	$\frac{R_2}{R_1} = \frac{m_1 \Delta \theta_1}{m_2 \Delta \theta_2} \Rightarrow \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{R_2 m_2}{R_1 m_1}$						
$\frac{U^2 t}{R_2} = m_2 c \Delta \theta_2$		$\frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = \frac{\frac{3R}{4} \frac{3m}{4}}{\frac{R}{4} \frac{m}{4}}; \quad \frac{\Delta \theta_1}{\Delta \theta_2} = 9$						
	Din oficiu	1p						
	TOTAL	10p						

SUBIECTUL III

4p

- a) Se împarte imaginar inelul în N părți foarte mici astfel încât fiecare element obținut să poată fi considerat o sarcină punctiformă q . Intensitatea câmpului creat de fiecare element în A este :

$$E_i = k \frac{q}{r^2} = k \frac{q}{R^2 + h^2} \quad (1p)$$

Componentele lui \vec{E}_i pe axa Ax se anulează reciproc două câte două, iar pe axa Ay se însumează

$$E_{iy} = E_i \cos \alpha; E_{iy} = \frac{k q h}{(R^2 + h^2)^{\frac{3}{2}}} \quad (1p)$$

Componenta \vec{E}_y va reprezenta suma celor

N componente \vec{E}_{iy} :

$$E_y = N \frac{k q h}{(R^2 + h^2)^{\frac{3}{2}}} = \frac{k Q h}{(R^2 + h^2)^{\frac{3}{2}}} \quad (1p)$$

2p

- b) Prin raționament analog potențialele în punctele A și O vor fi:

$$V_A = N V_i = k \frac{Q}{\sqrt{R^2 + h^2}} \quad (1p)$$

$$V_O = N V'_i = \frac{k Q}{R} \quad (1p)$$

3p

- c) Se știe că $L_{AB} = q (V_A - V_B)$ (1p)

Pentru situațiile cerute:

$$1. \quad L_{AO} = -2e \left(k \frac{Q}{\sqrt{R^2 + h^2}} - k \frac{Q}{R} \right) = 2ekQ \left(\frac{1}{R} - \frac{1}{\sqrt{R^2 + h^2}} \right) \quad (1p)$$

2. Punctul A' fiind simetricul lui A față de O va avea același potențial $V_{A'} = V_A$

$$L_{AA'} = 0$$

Din oficiu 1p

Total 10 p

NOTĂ : Orice alt mod de rezolvare care conduce la soluția corectă se punctează corespunzător, în limitele punctajului prevăzut de barem la problema respectivă.

